

$a \in [3, 4]$ عدد حقيقي حيث:

- 1- أكتب a في صيغة حصر
- 2- عين حصر لكل من: $a^2 - a$ ، $-2a + 10$ و $\frac{a-a}{-2a+10}$

x عدد حقيقي

- 1- أكتب $2 < x+3$ على شكل مجال I ثم أكتب $x > -3$ على شكل مجال J .
- 2- عين $I \cap J$ و $I \cup J$.
- 3- عين قيم العدد الحقيقي x الذي يحقق: $|x| = x^2$

I- f دالة معرفة بالعلاقة: $f(x) = -3x^2 + 7x + 1$

- 1- عين مجموعة تعريف الدالة f .
- 2- عين صور الأعداد $-1, 0, 2$ بالدالة f .
- 3- هل للعدد 4 سوابق بالدالة f كما يلي؟

II- g دالة جدول تعبيراتها كما يلي:

| | | | | | | |
|--------|----|----|----|---|---|---|
| x | -2 | -1 | 1 | 2 | 3 | 5 |
| $g(x)$ | 3 | 0 | -1 | 0 | 4 | 1 |

- 1- أرسم في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس المنحنى الممثل للدالة g .
- 2- عين نقط تقاطع هذا المنحنى مع محور الفواصل.
- 3- هل للدالة g قيم حدية؟ عينها.
- 4- حل بيانياً المتراجحة $g(x) > 0$.

x و y عدنان حقيقيان حيث أن:

$$3 < x < 4$$

$$-3 < y < -2$$

(1) قارن بين العددين الحقيقيين A و B علماً أن:

$$A = 2x + 5 \quad \text{و} \quad B = \sqrt{4x^2 + 20x + 25}$$

(2) عين حصر لكل من الأعداد A و B ، $\frac{B}{-2y+1}$

(3) ترجم مجموعة الأعداد الحقيقية x في شكل مجال و مسافة و قيمة مطلقة.

(4) برهن صحة المساواة التالية:

$$\frac{1}{\sqrt{2}+1} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{4}+\sqrt{3}} = 1$$

M, C, B, A نقط من مستقيم عددي مزود بمعلم خطي $(\vec{A}, \vec{0})$ فواصلها على الترتيب

$$- \frac{5}{2}, \sqrt{3}, 1, x \quad \text{حيث } x \text{ عدد حقيقي.}$$

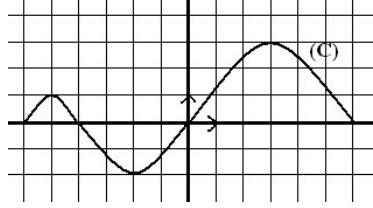
(1) احسب المسافات BC, AC, AB

(2) احسب المسافتين AM و CM بدلالة x

(3) حل المعادلة: $|x+5/2| = |x-1|$

و المتراجحة $|x+5/2| \geq \frac{1}{2}$

(C) هو المنحنى الممثل للدالة f في المعلم $(\vec{O}, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ كما هو مرفوع في الشكل



بقراءة بيانته:
 تعريف مجموعة تعريف الدالة f
 عين صور الأعداد $-2, -3, 0, 3$
 عين سابقة العدد 0 بالدالة f
 عين اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تعبيراتها.
 إذا كان $-2 \leq x \leq 2$ عين حصر $f(x)$
 حل بيانياً المتراجحة $f(x) \geq 1$

لكن إذا لم يعرف المراد \mathbb{R} بالشكل التالي

$$f(x) = (x+3)^2 - 4$$

- أدرس اتجاه تغير الدالة f على $[-3, +\infty[$ ثم على المجال $[-3, +\infty[$
- شكل جدول تغيراتها.
- عين القيمة الحدية لـ f ما نوعها؟

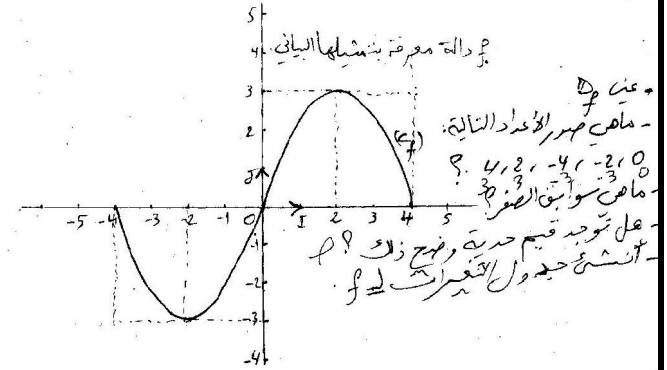
- أدرس شفعية الدوال التالية على مجموعة تعريفها

$$f(x) = \frac{-x^2 + 4}{x^2 + 5} \quad D_f = \mathbb{R}$$

$$f(x) = \frac{1}{x} - 3x \quad D_f = \mathbb{R}^*$$

$$f(x) = \frac{x^2 + 4x - 2}{x^2 + 3x + 2} \quad D_f = \mathbb{R}$$

$$f(x) = x + 7x \quad D_f =]-\infty, 0]$$



x عدد حقيقي الحل الجدول التالي

| المجال | الصغر | كسامة | النتيجة للطرف |
|-----------------|-------------|----------------|----------------|
| $x \in [-2, 3]$ | | | |
| | $0 < x < 2$ | | |
| | | $d(x, -2) < 5$ | |
| | | | $ x+1 \leq 3$ |

- f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} كما يلي
- $$f(x) = -x^3 + x$$
- 1- احسب ما يلي: $f(-1), f(1), f(0)$
 - 2- هل الدالة f شفعية؟
 - 3- ماذا يمكن القول عن (f) من حيث الدالة f ؟

على المستقيم المزود بالمعلم $(0; I)$ علم النقطتين A و B ذات الفاصلتين -1 ، 3 على الترتيب والنقطة J منتصف القطعة $[AB]$ ، نقطة M فاصلتها x . عيّن في كل حالة من الحالات التالية موضع أو مواضع M عندما تحقق فاصلتها x ما يلي:

(1) $|x-3|=1$
 (2) $|x-3|=|x+1|$
 (3) $|x-3|+|x+1|=4$
 (4) $|x+1| \leq 2$
 (5) $|x-3|=6-|x+1|$

f دالة معرفة على المجال $[-e; e]$ ، $f(x) = -x^2 + 4x$ ،
 ① بيّن أن: $f(x) = -(x-e)^2 + 4$
 ② عيّن حصر اللحد $f(x)$
 ③ أحسب حوَر e ، 4 ، $(\sqrt{e}-\sqrt{3})$ ، $(-\frac{\sqrt{e}}{5})$
 ④ عيّن سوابق 0 ، 4 ، هل له سوابق؟

عيّن أكبر مجموعة تعريف للدوال التالية على \mathbb{R} :

① $x \xrightarrow{k} \frac{x^e}{5} + 3x$
 ② $x \xrightarrow{f} \frac{1}{-ex+4}$
 ③ $x \xrightarrow{l} \frac{ex}{x^e+1}$
 ④ $x \xrightarrow{g} \sqrt{-3x+e}$
 ⑤ $x \xrightarrow{h} \frac{e}{\sqrt{-3x+e}}$

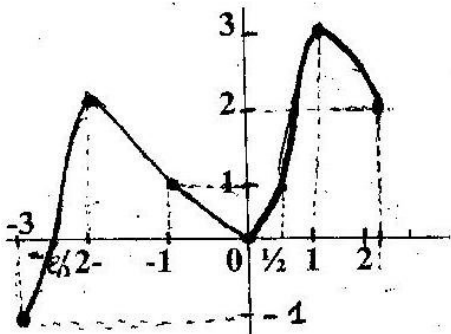
أنقل ثم أكمل الجدول التالي:

| القيمة المطلقة | المسافة | المجال | الحصر |
|--------------------------------------|-------------------------|------------------|-------------------|
| | | 1 | $1 \leq x \leq 3$ |
| | | $x \in]-5; -1[$ | |
| | $d(x; 0) < \frac{1}{2}$ | | |
| $ x + \frac{1}{3} \leq \frac{1}{3}$ | | | |

⑥ التمثيل البياني للدالة f كما هو على الرسم.

① أنشئ جدول تغيرات الدالة f
 ② بقراءة بيانية عيّن:
 $f(0)$ ، $f(1)$ ، $f(e)$
 ③ هل e له سوابق؟ مع التبرير
 ④ حل بيانياً المتراجحة: $f(x) \leq 0$

(I) إليك (Cf) التمثيل البياني للدالة f في معلم متعامد و متجانس $(\vec{\theta}, \vec{i}, \vec{j})$



- حدد مجموعة تعريف f
- أحسب $f(1)$ ، $f(-2)$ ، $f(\frac{1}{2})$ ، $f(0)$
- أنجز جدول تغيرات الدالة f
- هل الدالة f تقبل قيما حدية؟ عيّن هذه القيم إن وجدت؟ وذلك على المجال D_f
- حدد إشارة $f(x)$ على مجموعة تعريفها؟

(II)

- أوجد الدالة التآلفية g المعرفة على \mathbb{R} حيث $g(-3) = -1$ و $g(0) = 2$
- أعد رسم (Cf) و المستقيم (Δ) الممثل للدالة g في المعلم $(\vec{\theta}, \vec{i}, \vec{j})$ المتعامد و المتجانس
- حل بيانياً المعادلة $f(x) = g(x)$ ثم المتراجحة $f(x) > g(x)$

(III) نعتبر الدالة h المعرفة على المجال $]-\infty, 3]$

كما يلي:

$$h(x) = -2(x+3)^2 - 1$$

(1) أدرس تغيرات الدالة h على مجال تعريفها

(2) أدرس شغوية الدالة h