

التمرين الاول بكالوريا تقني رياضي 2010 (06 نقاط)

$f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = x \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{x^2+1}} \right)$

و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمنجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1- أثبت أن الدالة  $f$  فردية.

ب- أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا:  $f'(x) = 1 + \frac{1}{(x^2+1)\sqrt{x^2+1}}$

ج- ادرس تغيرات الدالة  $f$ .

2- أ- اكتب معادلة للمماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 0.

ب- ادرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(T)$  واستنتج أن  $(C_f)$  يقبل نقطة لنعطاف يطلب تعيينها.

ج- بين أن المستقيم  $(d)$  ذو المعادلة  $y = x + 1$  مقارب للمنحنى  $(C_f)$  في جوار  $+\infty$ ، ثم استنتج معادلة

$(d')$  المستقيم المقارب الآخر.

د- ارسم  $(d)$  و  $(d')$  و  $(C_f)$  في المعلم السابق.

3-  $g$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $g(x) = |x| \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{x^2+1}} \right)$

أ- بين أن الدالة  $g$  زوجية.

ب- انطلاقاً من  $(C_f)$  ارسم  $(C_g)$  منحنى الدالة  $g$  في نفس المعلم السابق.